



SS 2006

Prof. Dr. Steffen Staab
Dr. Manfred Jackel

Abschlussklausur

04.08.2006

Lösung

Bitte in Druckschrift leserlich ausfüllen!

Name _____

Vorname _____

E-Mail-Adresse _____@uni-koblenz.de

Matrikelnummer _____

Studiengang:

- Computervisualistik (Diplom)
- Informatik (Diplom)
- Informationsmanagement (BSc)
- Informationsmanagement (MSc)
- Anglistik & Medienmanagement (MSc)
-

Diese Prüfungsleistung melde ich verbindlich als Freiversuch im Sinne der Prüfungsordnung an.

Diese Prüfungsleistung ist mein 2. Versuch (Nachklausur). Erstversuch im _____ (Semester).

Auswertung:

	1	2	3	4	5	6	GESAMT
Punkte							

Aufgabe 1 (12 Punkte)

Diese Aufgabe umfasst 3 Multiple-Choice-Unteraufgaben. Innerhalb jeder Unteraufgabe gilt: wenn alle 4 Kreuze an der richtigen Stelle stehen, gibt es 4 Punkte für die Unteraufgabe. Ein falsches Kreuz gibt einen Punkt Abzug. Wer 2 richtige und 2 falsche Kreuzchen in einer Unteraufgabe macht, erhält $1+1-1-1=0$ Punkte. Es gibt keine negativen Gesamtpunktzahlen pro Unteraufgabe, jede Unteraufgabe bringt 0 bis 4 Punkte.

Aufgabe 1a (4 Punkte):

		Ja	Nein	Frage
a)				Interface
	1.	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<code>class A extends B, C implements D {...}</code> ist korrekter Java-Code
	2.	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	Eine Klasse, die nur abstrakte Methoden besitzt, ist ein Interface.
	3.	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	Die Klasse String implementiert das Interface Comparable.
	4.	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	Abstrakte Methoden darf man überladen.

Aufgabe 1b (4 Punkte):

				Wir setzen voraus: <code>class A extends B implements C {...}</code>
	1.	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<code>A a = new B;</code> ist (im Gültigkeitsbereich von A und B) korrekt.
	2.	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<code>B b = new C;</code> ist (im Gültigkeitsbereich von A und B) korrekt.
	3.	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	B muss alle abstrakten Methoden von C implementieren.
	4.	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	Angenommen. A und B definieren beide die virtuelle Methode <code>int vm()</code> . Weiter gebe es die Deklaration der Objektreferenz <code>B x;</code> Dann ruft <code>x.vm()</code> immer die virtuelle Methode von B auf.

Aufgabe 1c (4 Punkte):

c)				Vererbung
	1.	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	Ein Konstruktor einer abgeleiteten Klasse muss alle Konstruktoren der Oberklasse aufrufen.
	2.	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	Eine abgeleitete Klasse kann <code>protected</code> -Membervariablen der Oberklasse verwenden.
	3.	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	Die Oberklasse kann <code>private</code> -Membervariablen der abgeleiteten Klasse verwenden.
	4.	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	Alle Klassen in Java sind von der Klasse <code>Object</code> abgeleitet (außer <code>Object</code> selbst natürlich).

Aufgabe 2 (12 Punkte)

Die folgende Klasse implementiert generische Listen. Ergänzen Sie die Klasse um eine Methode `public int getLength()`, die die Länge der Liste rekursiv berechnet.

```
public class List {
    private ObjectNode head;

    public List() {
        head = null;
    }

    public List(ObjectNode head) {
        this.head = head;
    }

    public void insertFirst(Object data) {
        head = new ObjectNode(data, head);
    }

    public Object getHead() {
        return head.data;
    }

    public boolean empty() {
        return head == null;
    }

    public List getTail() {
        if (head == null)
            return new List(null);
        else if (head.getNext() == null)
            return new List(null);
        else
            return new List(head.getNext());
    }

    /**
     *
     * Bitte fügen Sie den Code in den Methodenrumpf ein:
     */

    public int getLength() {
        if (head==null) return 0;
        return 1 +getTail().getLength();
    }
}
```

Aufgabe 3 (12 Punkte)

Gegeben sei folgendes Code-Fragment:

```
int i, n; int[] a;  
...  
(1) while (n>0) {  
(2)     i = i+1;  
(3)     n = n/2;  
(4)     a[i] = n;  
}
```

a) Geben Sie für jede nummerierte Zeile die dort verwendeten Elementaroperationen (Zuweisung, Variablenzugriff, Indizierung, Addition, Division, Vergleich) und ihre jeweilige Anzahl an.

(1) Lesen(n)+Vergleichen = 2

(2) Lesen(i)+Addition+Zuweisung=3

(3) Lesen(n)+Division+Zuweisung=3

(4) Lesen(n)+Lesen(i)+Indizierung+Zuweisung=4

Die Teilaufgaben b) und c) müssen Studierende „Anglistik und Medienmanagement“ nicht lösen

b) Berechnen Sie den exakten Aufwand $A(n)$ der while-Schleife in Abhängigkeit von n unter der Maßgabe, dass jede Elementaroperation eine Aufwandseinheit erfordert.

Wenn das Innere der Schliefe k Durchläufe hat, wird Zeile 1 $k+1$ mal durchlaufen ($k \geq 0$). Dies ergibt $2(k+1)+k(3+3+4) = 12k+2$. Damit es k Durchläufe gibt, muss $n/2$ k -mal größer gleich 1 sein, also $2^{k-1} \leq n < 2^k$. Damit ergibt sich der Aufwand zu $A(n) = 12 \lceil \log_2 n \rceil + 2$, die Klammerung $\lceil \rceil$ bedeutet: die nächstgrößere ganze Zahl, falls der Klammerinhalt nicht ganzzahlig ist.

c) Zeigen Sie, dass der asymptotische Aufwand $\text{Id}(n) = \log_2(n)$ ist.

$$\begin{aligned} A(n) &= 12 \lceil \log_2 n \rceil + 2 \\ &\leq 12 \log_2 n + 14 \\ &\leq 14(\log_2 n + 1) \\ &\leq 14(\log_2 n + \log_2 n) = 28 \log_2 n \end{aligned}$$

Der exakte Aufwand lässt sich also ab $n=2$ durch $28 \log_2 n$ abschätzen. Damit ist

$$A(n) \in O(\log_2 n)$$

Aufgabe 4 (12 Punkte)

Sortieren Sie die folgenden Zahlen Array-basiert, indem Sie die nachstehenden Tabellen vervollständigen.

a) Sortieren durch Einfügen (insertion sort)

8	2	4	1	7	5	3	6
2	8	4	1	7	5	3	6
2	4	8	1	7	5	3	6
1	2	4	8	7	5	3	6
1	2	4	7	8	5	3	6
1	2	4	5	7	8	3	6
1	2	3	4	5	7	8	6
1	2	3	4	5	6	7	8

b) Sortieren durch Austauschen (BubbleSort, ohne Optimierung)

8	2	4	1	7	5	3	6
2	4	1	7	5	3	6	8
2	1	4	5	3	6	7	8
1	2	4	3	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7	8

Aufgabe 5 (12 Punkte)

Leiten Sie aus dem `NodeActionInterface` eine Klasse `EdgeCounter` ab, die die Anzahl der Kanten eines Baumes zählt. Genauer: die Anweisungen

```
EdgeCounter ec = new EdgeCounter();
t.preorder(ec);
System.out.println(ec);
```

führen zu der Ausgabe „Kantenzahl=..“. Dabei ist `t` ein Objekt der Klasse `Tree` des Paketes `Kapitel13`, das Sie aus der Übung kennen. Wir wiederholen die Deklarationen, die Sie zum Verständnis brauchen:

```
public interface NodeActionInterface {
    /**
     * Methode, deren Implementierung auf einem Knoten arbeitet.
     * @param n Der zu bearbeitende Knoten
     */
    public void action(Node n);
}

public class Tree {
    Node root;
    ...
    public void preorder(NodeActionInterface p) {
        // Mantelprozedur für traversePreorder
        traversePreorder(root, p);
    }

    private void traversePreorder(Node node, NodeActionInterface p) {
        if (node == null) return; // Leerer Unterbaum
        p.action(node); // Ausführen der Aktion auf Knoten
        traversePreorder(node.left, p); // Durchlaufe linken Unterbaum
        traversePreorder(node.right, p); // Durchlaufe rechten Unterbaum
    }
    ...
}
```

Preorder wendet die `action`-Methode auf jeden Knoten einmal an. Wir geben die Klasse `EdgeCounter` teilweise vor, so dass Sie nur die `action`-Methode vervollständigen müssen.

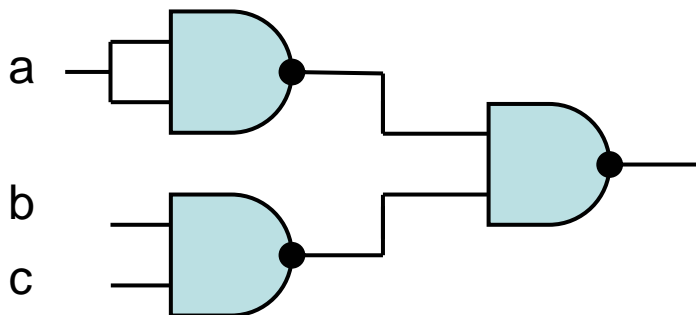
```
public class EdgeCounter implements NodeActionInterface {
    private int kantenZahl=0; // hier zählen wir
    public void action(Node n) { // hier programmieren!
        // if (n==null) return;
        if (n.left!=null)
            kantenZahl++;
        if (n.right!=null)
            kantenZahl++;
    }

    public String toString() {
        return „Kantenzahl =“ +kantenZahl;
    }
}
```

Aufgabe 6 (12 Punkte)

Geben Sie eine Gatter-Schaltung an, die die Verknüpfung $a \vee b \wedge c$ ausschließlich mit NAND-Gattern realisiert.

$$\begin{aligned} a \vee (b \wedge c) &\equiv \neg \neg (a \vee (b \wedge c)) \\ &\equiv \neg (\neg a \wedge \neg (b \wedge c)) \end{aligned}$$



Alternativ:

$$\begin{aligned} a \vee (b \wedge c) &\equiv \neg \neg (a \vee (b \wedge c)) \\ &\equiv \neg \neg (a \wedge b \vee a \wedge c) \\ &\equiv \neg (\neg (a \wedge b) \wedge \neg (a \wedge c)) \end{aligned}$$

